

D.Ú.-sada 11

1. Dokážte, že $10 \mid 3^{4n+2}$ pre $n \in \mathbb{N}$.
2. Dokážte, že $17 \nmid 5n^2 + 15$ pre ľubovoľné $n \in \mathbb{N}$.
3. Dokážte, že $\prod_{t|n} t = n^{d(n)/2}$.
4. Zistite, či sú riešiteľné kongruencie a) $x^2 + 5x \equiv 12 \pmod{31}$, b) $x^2 \equiv 19 \pmod{30}$.
5. Dokážte, že ak p je prvočíslo a $p = 4k + 1$, tak $\sum_{\substack{a=1 \\ (a|p)=1}}^{p-1} a = \frac{p(p-1)}{4}$.